А. Ю. Шенкаренко

## СПЕКТРЫ ПЛОСКИХ ДЕФЕКТОВ В 3D-ФОТОННОМ КРИСТАЛЛЕ

Приведены результаты экспериментальных исследований спектров плоских дефектов в фотонном кристалле, которые наблюдались как при отражении, так и при прохождении света. Предложена модель дефекта и получена формула для энергии кванта возбуждения. Выполнены числовые оценки этой величины, которые находятся в согласии с экспериментальными данными. Разработан метод определения размеров дефектов из анализа спектров рассеяния света.

Главная особенность качественных оптических фотонных кристаллов (ФК) связана с возможностью возникновения запрещенных зон для всех трех направлений распространения электромагнитного излучения внутри ФК. Последнее приводит к локализации, и, следовательно, к возможности управления электромагнитной волной посредством ФК. Поэтому выявления отклонений от идеального фотонного кристалла и исследование кристаллов с дефектами является актуальной задачей изучения этого нового объекта оптики [1–3].

Целью работы было изучение спектральных характеристик дефектов реального трехмерного ФК на основе опаловой матрицы. Исследование дефектов в ФК является актуальной задачей как в случае гомогенных образцов, так и для образцов, наполненных различными веществами. В случае заполнения межсферных пустот в таких условиях ФК представляет собой 3D-решетку, параметрами которой можно управлять, например, внешними электромагнитными полями, а также другими воздействиями.

Современные технологии получения ФК не позволяют создавать бездефектные образцы, имеющие идеальную ГЦК решетку в пределах всего объема образца. Дефекты в образцах могут быть нескольких типов. Наиболее полный набор различных дефектов содержат поликристаллы; такие образцы исследовались в настоящей работе. Во-первых, отдельные кристаллиты могут иметь разные значения постоянной кристаллической решетки, связанные с различием диаметров сфер, образующих ГЦК структуру и, во-вторых, возможностью замены на близкую к ней ГПУ структуру. В-третьих, отдельные кристаллиты могут стыковаться так, что их общая плоская граница будет соответствовать кристаллическим плоскостям с разными наборами индексов Миллера для соседних кристаллитов. В-четвертых, возможно наличие более

крупных образований из кристаллитов — блоков, по-разному ориентированных между собой. Внутри кристаллитов возможно наличие вакансий и дислокаций. Перечисленные дефекты приводят к образованию дополнительных полостей внутри ФК, что определенным образом влияет на заполнение, а так же на объем идеальной структуры. В настоящее время планируется использование одного из модулей международной космической станции для получения идеальных структур ФК в больших объемах при малом влиянии гравитационного поля Земли [4].

Исследовались две группы образцов фотонных кристаллов, различающиеся по толщине. Все образцы имели форму прямоугольного параллелепипеда. В первую группу входили образцы с толщинами  $\sim 2$  мм и площадью бо́льшей поверхности  $\sim 15 \times 10$  мм (рис. 1, a, см. 4-ю полосу обложки), а во вторую — образцы с толщинами  $\sim 0.2$  мм, и площадью бо́льшей поверхности  $\sim 10 \times 10$  мм (рис. 1,  $\delta$ , см. 4-ю полосу обложки). Каждый из образцов представлял собой поликристалл, сформированный из кристаллитов, имеющих ГЦК-решетку из сфер аморфного SiO<sub>2</sub>.

Так как цвет излучения, отраженного от поверхности ФК, несет существенную информацию о приповерхностном слое, то первым этапом исследования было построение карт распределения интенсивности отраженного света; Построение карт поверхности осуществлялось с помощью ПЗС-матрицы, сигнал с которой обрабатывался на ПЭВМ. Этот сигнал формировал изображение поверхности ФК, а после обработки по специальной программе задавал спектральный состав отраженного излучения. С целью корректного решения обеих задач была осуществлена калибровка ПЗС-матрицы по спектру излучения ртутной лампы (рис. 2); установлено, что график представляет собой прямую линию y = x с коэффициентом корреляции 0,99999, т.е. все линии спектра ртути в диапазоне длин волн от 480 до 680 нм ПЗС-матрица воспринимает практически без искажений. Поэтому на выделенном участке спектра положение пика, т.е. резкого максимума, обозначенное как  $\lambda_m$ , в спектре отражения или прохождения может быть зарегистрировано с высокой точностью. Контрольные измерения дали оценку погрешности  $\delta \lambda_m \leq 0.3$  нм. Схема экспериментальной установки приведена в работе [5].

Рассмотрим сначала изменение спектра при прохождении квазимонохроматического излучения (излучение полупроводникового лазера) с длиной волны  $\lambda_L$ , соответствующей максимуму интенсивности излучения, сквозь ФК. Пример сопоставления спектров падающего и прошедшего света показан на рис. 3. В ходе эксперимента была обнаружена спектральная зависимость сдвига максимума интенсивности

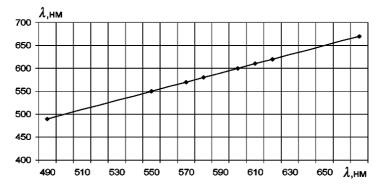


Рис. 2. График калибровки ПЗС-матрицы по спектру ртути

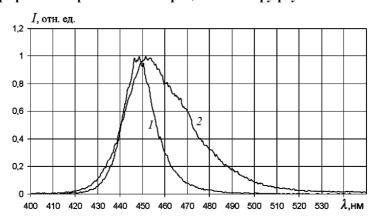


Рис. 3. Спектры излучения полупроводникового лазера (1) и излучения, прошедшего сквозь фотонный кристалл на основе матрицы опала (2)

прошедшего излучения  $\Delta\lambda_m=\lambda_m-\lambda_L$ . Для гомогенных образцов зависимость  $\Delta\lambda_m=f(\lambda_L)$  соответствует сдвигу максимума в красную область спектра, однако этот график, близкий к линейному (рис. 4), может образовывать с осью  $\lambda_L$  как острый, так и тупой угол. Это означает, что для него имеет место либо фиолетовая, либо красная граница (этой границе соответствует условие  $\Delta\lambda_m=0$ ). Результат не зависит от толщины образца. Следовательно, существуют два типа 3D-фотонных поликристаллов на основе опаловой матрицы. Они различаются характером ориентации зависимости сдвига максимума интенсивности прошедшего света от длины волны, соответствующей максимуму интенсивности падающего излучения, т.е. исследование зависимости  $\Delta\lambda_m=f(\lambda_L)$  позволяет установить оптическую классификацию свободных фотонных поликристаллов.

Зависимость  $\Delta \lambda_m = f(\lambda_L)$  также была обнаружена для образцов, наполненных CuSO<sub>4</sub>, а также Fe(CH<sub>3</sub>COO)<sub>3</sub>.

Для ГЦК-решетки наиболее характерны плоские дефекты [2, 3, 6], которые были подробно исследованы в настоящей работе. Дефекты

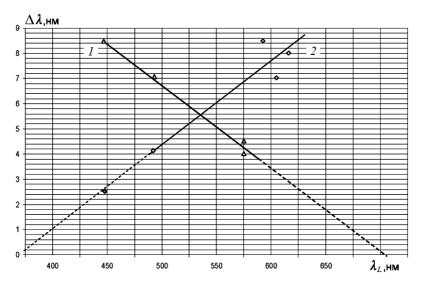


Рис. 4. Зависимость смещения максимума интенсивности света, прошедшего сквозь фотонный кристалл, от длины волны максимума интенсивности источника: для фотонного кристалла первого (1) и второго (2) типов

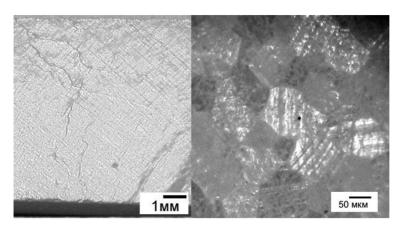


Рис. 5. Изображения кристаллитов на больших поверхностях реального фотонного кристалла, полученные с помощью ПЗС-матрицы

представляют собой наборы параллельных пластин с торцевым выходом на поверхность  $\Phi$ K, как это показано на рис. 5. Для анализа выхода дефектов на поверхность использовалось оптическое излучение s- и p-поляризаций. Экспериментально установлено, что при использовании s-поляризации лучше наблюдаются эффекты возбуждения дефектов, которые видны на снимке в виде параллельных линий (рис. 6).

В спектре отражения обнаружен ряд пиков (рис. 7), которые соответствуют максимумам комбинационной опалесценции и, как показал проведенный анализ, расположены эквидистантно по шкале энергии

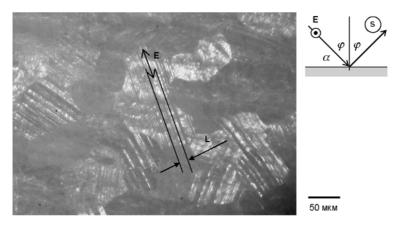


Рис. 6. Участок поверхности фотонного кристалла с плоскими дефектами и схема их электромагнитного возбуждения

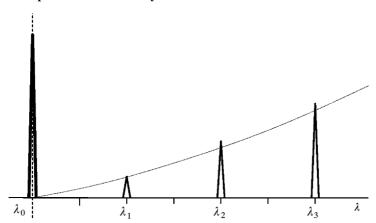


Рис. 7. Схематический вид спектра излучения, рассеянного на дефектах

фотонов. Все они могут быть определены с помощью формулы

$$\hbar\omega_L - \hbar\omega_N = \Delta E_0 N, \quad N = 1, 2, 3 \dots, \tag{1}$$

где  $\hbar\omega_L$  — энергия фотона падающего света,  $\hbar\omega_N$  — энергия фотона рассеянного света. Разность энергий таких фотонов равна энергии возбуждения дефекта, соответствующей наблюдаемому пику с номером N;  $\Delta E_0$  — минимальная энергия возбуждения дефекта; N — номер пика;  $h=2\pi\hbar$  — постоянная Планка.

В ходе эксперимента со скользящим лучом были получены следующие значения величин:  $N=6,\,7,\,8,\,9;\,\Delta E_0=0.01496\,{\rm эB};\,\hbar\omega_L=2.037\,{\rm эB}$  с коэффициентом корреляции 0,99997. Аналогичный результат получен и в случае прохождения света через ФК, когда образец был наклонен на  $15^\circ$  от нормали к поверхности. В этом случае значения параметров следующие:  $N=4,\,13,\,20,\,24,\,30;\,\Delta E=0.006217\,{\rm эB},\,\hbar\omega_L=2.037\,{\rm эB},\,$  коэффициент корреляции 0,9991. Линейная корреля-

ционная зависимость в обоих экспериментах имела место с вероятностью  $\mathsf{P}>0.999$ .

Для анализа полученных экспериментальных данных предложена простая модель рассеяния света. В соответствии с экспериментом использован закон сохранения импульса:  $\hbar k_l = \hbar k_l' + \hbar q_l$ , где  $\hbar k_l, \hbar k_l'$  — импульсы падающего и рассеянного фотонов, а  $\hbar q_l$  — импульс возбуждения в ФК. В соответствии с геометрией эксперимента импульс возбуждения был направлен вдоль поверхности ФК. Угол скольжения для падающего света обозначен через  $\alpha$  (рис. 6). Тогда согласно закону сохранения импульса имеем  $(k')^2 = k^2 + q^2 - 2kq^*\cos\alpha$ . С использованием формулы связи энергии и импульса фотона  $E = c\hbar k$ , где c — скорость света в вакууме, после преобразований получено уравнение для энергии кванта возбуждения:

$$(\Delta E)^2 - 2E\Delta E - (c\hbar q)^2 + 2Ec\hbar q \cdot \cos\alpha = 0,$$
 (2)

которое в случае скользящего луча ( $\alpha=0$ ) имеет решение

$$\Delta E = c\hbar q. \tag{3}$$

Если  $\alpha \neq 0$  и выполнены условия

$$(\Delta E/E), (c\hbar q/E) \ll 1, \tag{4}$$

получаем приближенное решение уравнения (2), а именно:

$$\Delta E \cong c\hbar q \cdot \cos \alpha - (c\hbar q)^2 / 2E. \tag{5}$$

В экспериментальной геометрии реального  $\Phi$ К периодическая среда разбита на полосовые блоки (рис. 5, 6). Расстояние между параллельными границами блоков обозначим L. Тогда волновое число электромагнитных возбуждений в  $\Phi$ К определяется формулой

$$q = (\pi n_{eff}/L)N, \tag{6}$$

где  $n_{eff}$  — эффективный показатель преломления ФК и формула (5) имеет вид

$$\Delta E = A^* N - B^* N^2,\tag{7}$$

где  $A = (c\hbar n_{eff}/2L)^* \cos \alpha$ ,  $B = (c\hbar n_{eff}/2L)^2/2E$ .

В случае, если блок представляет собой систему элементарных ячеек с параметром a вдоль направления, перпендикулярного к параллельным границам блоков, и число ячеек равно  $N_1$ , то дисперсионная кривая элементарных возбуждений блока имеет вид, показанный на рис. 8. Для этой модели при малых значениях числа N энергия возбуждения дефекта в  $\Phi$ К определяется формулой

$$\Delta E = ((hcn_{eff}\cos\alpha)/2L)N, \quad N = 1, 2, 3, \dots$$
 (8)

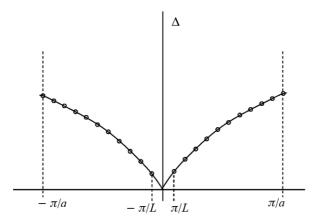


Рис. 8. Дисперсионная кривая микрорезонатора в фотонном кристалле, содержащем плоские дефекты

Введение  $n_{eff}$ соответствует модели оптического резонатора с плоскими зеркалами, заполненного средой с эффективным показателем преломления, который рассчитывался по формуле

$$n_{eff}^2 = (1 - \eta)n_1^2 + \eta * n_2^2 \quad , \tag{9}$$

где  $n_1$  и  $n_2$  — показатели преломления сфер из  $SiO_2$  и полостей между ними,  $\eta$  — относительный объем полостей (для идеальной ГЦК-решетки  $\eta=0.25$ ).

Числовая оценка величины  $\Delta E$  при  $N=1, n_{eff}=1,\!26$  и L=50 мкм дает  $\Delta E=0,\!0156$  эВ.

В случае учета упорядоченной структуры глобулярных кластеров внутри кристаллита необходимо учесть условие

$$L = N_1 a, (10)$$

приводящее к следующему виду формулы (8):

$$\Delta E = ((chn_{eff}\cos\alpha)/2N_1a)N. \tag{11}$$

Рассмотрим предельный случай  $\cos \alpha = 1$  для формулы (11), когда  $N=N_1$ , т.е. ширина кристаллита равна постоянной решетки. Тогда имеем

$$\Delta E = hcn_{eff}/2a. \tag{12}$$

Эта формула определяет максимальную энергию кванта возбуждения. Если постоянная решетки  $a=0,2\dots0,6$  мкм, то  $\Delta E_{\rm max}\cong 1,3\dots3,9$  эВ. Используя условие N=1 при выполнении равенства a=0,2 мкм и применяя формулу (8) к обработке приведенных экспериментальных данных, получаем следующие оценки:  $L=5,8;\ 6,5;\ 7,4;\ 8,6$  мкм в случае скользящего падения луча и  $L=4,2;\ 5,4;\ 6,6;\ 10,9;\ 33,6$  мкм для проходящего излучения и наклоне образца на угол  $15^\circ$  от направления нормального падения. Расстояния между плоскими дефектами

действительно сопоставимы с результатами числовой оценки, что следует из масштаба плоских дефектов, например, представленных на рис. 5 и 6.

Плоские границы также имеют области с наиболее совершенной упаковкой.

Приведенная выше числовая оценка находится в согласии с известными визуальными оценками поперечных размеров наиболее совершенных областей в фотонном поликристалле (50...100 мкм) [1–3]. В нашем случае такую оценку можно получить, исследуя спектр рассеянного излучения.

Таким образом, показано, что плоские дефекты, выявленные в большом количестве в исследованных образцах, выходят на поверхность фотонного кристалла и являются наиболее распространенными дефектами в фотонном поликристалле. Спектр их возбуждений соответствует предложенной модели. Найдено, что существует два типа фотонных поликристаллов.

Автор благодарен М.И. Самойловичу за предоставленные образцы и Н.И. Юрасову за помощь в теоретическом анализе результатов измерений.

## СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- 1. Богомолов В. Н.,  $\Pi$  рокофьев А. В.,  $\Pi$  елых А. И. Оптикоструктурный анализ фотонных кристаллов на основе опалов //  $\Phi$ TT. 1998. т. 40, вып. 4. С. 648–650.
- 2. Барышев А. В., Каплянский А. А., Кособукин В. А., Лимо нов М. Ф., Самусев К. Б., Усвят Д. Е. Брэгговская дифракция света в искусственных опалах // ФТТ. 2003. Т. 45, вып. 3. С. 434–445.
- 3. Барышев А.В., Каплянский А.А., Кособукин В.А., Лимонов М.Ф., Скворцов А.П. Спектроскопия запрещенной фотонной зоны в синтетических опалах // ФТТ. 2004. –Т. 46, вып. 7. С. 1291–1299.
- 4. http://science.compulenta.ru/52157/
- 5. Ю расов Н. И., Шенкаренко А. Ю. Исследование структуры поверхности 3D-фотонного кристалла на основе матрицы опала / Сб. науч. трудов "Необратимые процессы в природе и технике". 2005. Вып. 1. М.: Изд-во МГТУ им. Н.Э. Баумана. С. 365–375.
- 6. Захаров А. Н., Ганьшина Е. А., Перов Н. С., Юрасов Н. И., Шенкаренко А. Ю. Модифицирование опаловой матрицы включениями на основе железа // Неорганические материалы. -2005. Т. 41, № 11. С. 1343-1347.
- 7. Ш е н к а р е н к о А. Ю., Ю р а с о в Н. И. О сдвиге максимума квазимонохроматического излучения при взаимодействии с фотонным кристаллом на основе матрицы опала // Тезисы докл. конф. "Фундаментальные и прикладные проблемы современной физики". Демидовские чтения. – М.: ФИАН, 2006. – С. 272–273.

Статья поступила в редакцию 26.04.2006